

(I) Monotonie, lokální extrémy

$$\begin{aligned}f(x) &= x + \frac{1}{x} \\g(x) &= \sqrt[3]{2x^2 - x^3} \\h(x) &= x \ln x \\i(x) &= \frac{x}{(x+1)^2} \\j(x) &= x^4 - 4 \ln x\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}k(x) &= x^2 e^{-x^2} \\l(x) &= \sqrt{1 - \cos x} \\m(x) &= x^{\frac{1}{x}} \\n(x) &= \arctg(x-1)^2\end{aligned}$$

(II) Globální extrémy

$$\begin{aligned}f(x) &= x^3 - 3x^2 + 2, \quad x \in [-2, 3], \\g(x) &= x\sqrt{4-x}, \quad x \in [-2, 4], \\h(x) &= x + \frac{1}{x-1}, \quad x \in [-4, 0].\end{aligned}$$

Výsledky

$$\begin{aligned}\min_{x \in [-2, 4]} g(x) &= -2\sqrt{6} \quad \text{v bodě } -2, \quad \max_{x \in [-2, 4]} g(x) = \frac{16}{9}\sqrt{3} \quad \text{v bodě } \frac{8}{3} \\ \min_{x \in [-4, 0]} h(x) &= -\frac{21}{5} \quad \text{v bodě } -4, \quad \max_{x \in [-4, 0]} h(x) = -1 \quad \text{v bodě } 0\end{aligned}$$